

Zur Betrachtung von
Referenzrahmen:
eine zweimal differenzierbare Nutzenfunktion
zur Darstellung von Verlustaversion in
Auswahlprozessen

Random Utility Theory

- ▶ Thurstone (1927) und McFadden (1974).
- ▶ Annahmen
 - Individuen sind rational.
 - Individuen maximieren ihren Erwartungsnutzen.
- ▶ Nutzenfunktion

$$U_i = V_i + \varepsilon$$

Random Utility Theory

- ▶ Thurstone (1927) und McFadden (1974).
- ▶ Annahmen
 - Individuen sind rational.
 - Individuen maximieren ihren Erwartungsnutzen.
- ▶ Nutzenfunktion

$$U_i = V_i + \varepsilon$$

Repräsentativer Nutzen

Fehlerterm

Random Utility Theory

- ▶ Thurstone (1927) und McFadden (1974).
- ▶ Annahmen
 - Individuen sind rational.
 - Individuen maximieren ihren Erwartungsnutzen.
- ▶ Nutzenfunktion

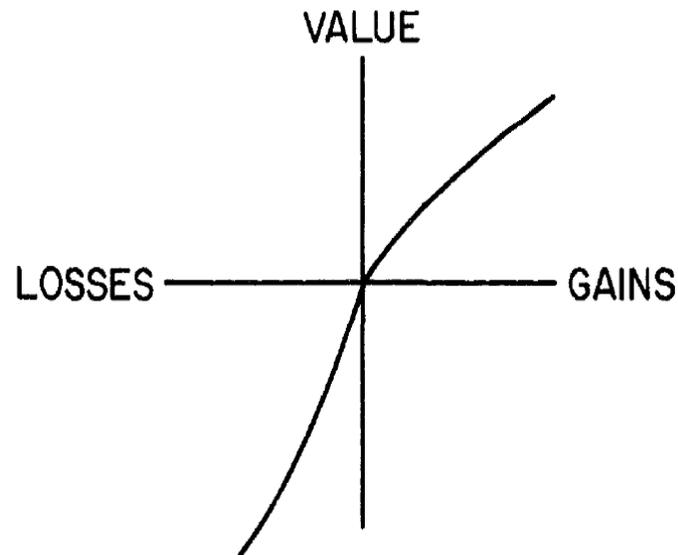
$$U_i = V_i + \varepsilon$$



Linear additiv

Prospect Theory

- ▶ Verlustaversion (*Loss Aversion*)
- ▶ Verluste haben größere Auswirkungen als Gewinne.



Prospect Theory

- ▶ i) Die Nutzenfunktion schneidet die U-Achse in den Koordinatenursprung:

$$U(0) = 0$$

Prospect Theory

- ▶ i) Die Nutzenfunktion schneidet die U-Achse in den Koordinatenursprung:

$$U(0) = 0$$

- ▶ ii) Nichtsättigung – Die Nutzenfunktion ist monoton nicht abnehmend:

$$\frac{\partial U(x)}{\partial x} \geq 0 \quad \forall x$$

Prospect Theory

- ▶ iii) Achsenasymmetrie (Verlustaversion) – Verluste haben größere Auswirkungen als Gewinne:

$$\frac{\partial U(x)}{\partial x} < -\frac{\partial U(-x)}{\partial x} \quad \forall x > 0$$

Prospect Theory

- ▶ iii) Achsenasymmetrie (Verlustaversion) – Verluste haben größere Auswirkungen als Gewinne:

$$\frac{\partial U(x)}{\partial x} < -\frac{\partial U(-x)}{\partial x} \quad \forall x > 0$$

- ▶ iv) Abnehmender Grenznutzen– Die Nutzenfunktion ist konvex für $x < 0$ konkav für $x > 0$:

$$\frac{\partial^2 U(x)}{\partial x^2} \geq 0 \quad \forall x < 0 \quad \wedge \quad \frac{\partial^2 U(x)}{\partial x^2} \leq 0 \quad \forall x > 0$$

Referenzrahmen

- ▶ Nutzen ist vom Referenzrahmen abhängig.
- ▶ Normalerweise wird es angenommen, dass der Referenzrahmen dem Status quo entspricht.

Referenzrahmen

- ▶ Nutzen ist vom Referenzrahmen abhängig.
- ▶ Normalerweise wird es angenommen, dass der Referenzrahmen dem Status quo entspricht.
- ▶ Was passiert, wenn der Status quo unbekannt ist?

Referenzrahmen



Referenzrahmen



Referenzrahmen



Referenzrahmen

- ▶ Referenzrahmen ist vom Choice-set abhängig.

Referenzrahmen

- ▶ Referenzrahmen ist vom Choice-set abhängig.
- ▶ Aber...der Referenzrahmen ist auch von den Erfahrungen abhängig

Referenzrahmen

- ▶ Referenzrahmen ist vom Choice-set abhängig.
- ▶ Aber...der Referenzrahmen ist auch von den Erfahrungen abhängig, und von den Erwartungen

Referenzrahmen

- ▶ Referenzrahmen ist vom Choice-set abhängig.
- ▶ Aber...der Referenzrahmen ist auch von den Erfahrungen abhängig, und von den Erwartungen, und von den Eigenschaften der Individuen, etc.

Referenzrahmen

- ▶ Referenzrahmen ist vom Choice-set abhängig.
- ▶ Aber...der Referenzrahmen ist auch von den Erfahrungen abhängig, und von den Erwartungen, und von den Eigenschaften der Individuen, etc.

Idee

- ▶ Schätzung des Referenzrahmens.

Referenzrahmen

- ▶ Referenzrahmen ist vom Choice-set abhängig.
- ▶ Aber...der Referenzrahmen ist auch von den Erfahrungen abhängig, und von den Erwartungen, und von den Eigenschaften der Individuen, etc.

Idee

- ▶ Schätzung des Referenzrahmens.
- ▶ Nicht möglich, da die Nutzenfunktionen stückweise definiert sind.

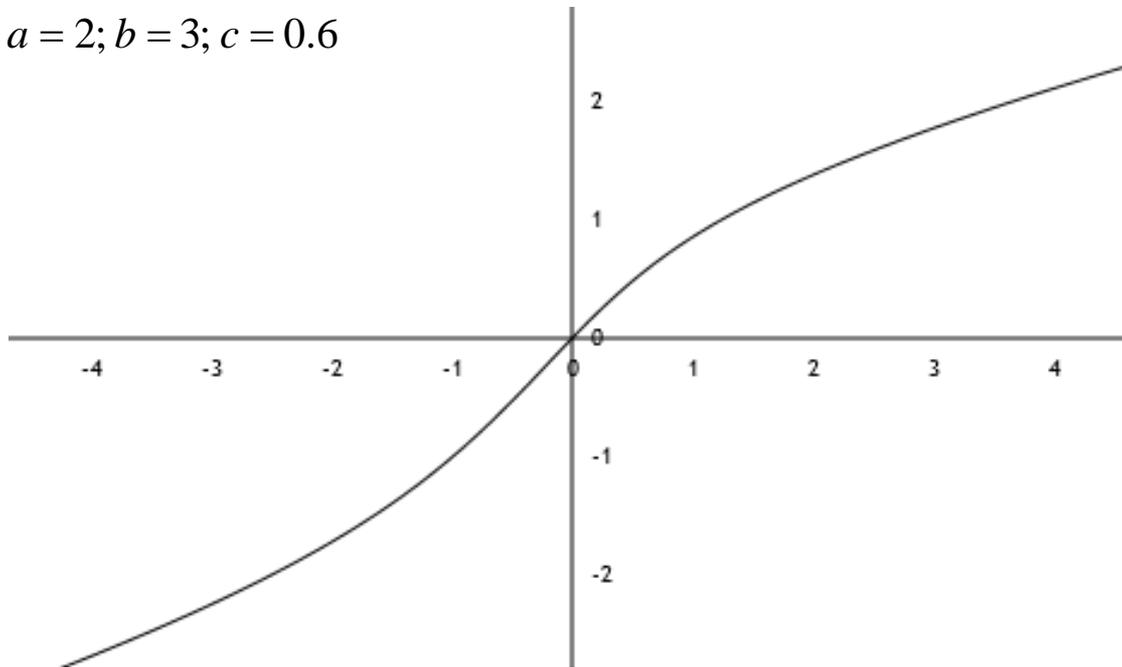
Eine zweimal differenzierbare Nutzenfunktion zur Darstellung von Verlustaversion

$$f(x) = \ln(1 + e^{a \cdot x})^c - \ln(1 + e^{-b \cdot x})^c$$

$$a \leq b \qquad 0 < c < 1$$

Eine zweimal differenzierbare Nutzenfunktion zur Darstellung von Verlustaversion

$$a = 2; b = 3; c = 0.6$$



Eigenschaften der Nutzenfunktion

- ▶ Die Nutzenfunktion schneidet die U-Achse in den Koordinatenursprung:

$$f(0) = \ln(1 + e^{a \cdot 0})^c - \ln(1 + e^{-b \cdot 0})^c = 0$$

Eigenschaften der Nutzenfunktion

▶ Nichtsättigung:

- Die erste Ableitung nach x wird berechnet:

$$\frac{\partial f(x)}{\partial x} = \frac{\ln(1+e^{a \cdot x})^{c-1} c a e^{a \cdot x}}{(1+e^{a \cdot x})} + \frac{\ln(1+e^{-b \cdot x})^{c-1} c b e^{-b \cdot x}}{(1+e^{-b \cdot x})}$$

Eigenschaften der Nutzenfunktion

- ▶ Achsenasymmetrie (loss aversion): $\frac{\partial U(x)}{\partial x} < -\frac{\partial U(-x)}{\partial x} \quad \forall x > 0$

Eigenschaften der Nutzenfunktion

▶ Achsenasymmetrie (loss aversion): $\frac{\partial U(x)}{\partial x} < -\frac{\partial U(-x)}{\partial x} \quad \forall x > 0$

- Für $a \leq b$ wird der Eigenschaft genügt, wenn:

$$c \geq [1 - \ln(2)]$$

- Ansonsten kleine Probleme in der Nachbarschaft von Null (Referenzrahmen).
 - Eigenschaft wird asymptotisch genügt.
- ▶ Wenn x ein Ungut ist: $b \leq a$.

Eigenschaften der Nutzenfunktion

- ▶ Abnehmender Grenznutzen:

$$\frac{\partial^2 U(x)}{\partial x^2} \geq 0 \quad \forall x < 0 \quad \wedge \quad \frac{\partial^2 U(x)}{\partial x^2} \leq 0 \quad \forall x > 0$$

Eigenschaften der Nutzenfunktion

▶ Abnehmender Grenznutzen:

$$\frac{\partial^2 U(x)}{\partial x^2} \geq 0 \quad \forall x < 0 \quad \wedge \quad \frac{\partial^2 U(x)}{\partial x^2} \leq 0 \quad \forall x > 0$$

- Genügt wenn und nur wenn:

$$c = [1 - \ln(2)]$$

- Wenn $c < [1 - \ln(2)]$: Krümmungswechsel erfolgt kurz nach Null.
- Wenn $c > [1 - \ln(2)]$: Krümmungswechsel erfolgt kurz vor Null.

Finale Anmerkungen

- ▶ Wenn c 1 annähert: $f(x)$ stellt eine geknickte Linie dar.

Finale Anmerkungen

- ▶ Wenn $c \rightarrow 1$ annähert: $f(x)$ stellt eine geknickte Linie dar.
- ▶ Betrachtung in der Nutzenfunktion:

$$U = f(X - Y \cdot \alpha + \zeta) \cdot \beta + \varepsilon$$

Finale Anmerkungen

- ▶ Wenn c 1 annähert: $f(x)$ stellt eine geknickte Linie dar.
- ▶ Betrachtung in der Nutzenfunktion:

$$U = f(X - Y \cdot \alpha + \zeta) \cdot \beta + \varepsilon$$

Referenzrahmen

Finale Anmerkungen

- ▶ Wenn c 1 annähert: $f(x)$ stellt eine geknickte Linie dar.

- ▶ Betrachtung in der Nutzenfunktion:

$$U = f(X - Y \cdot \alpha + \zeta) \cdot \beta + \varepsilon$$

- ▶ Es mag empfehlenswert sein, entweder a oder b zu normalisieren, da sie eine hohe Korrelation mit dem β Parameter aufweisen könnten.

Fallstudie

- ▶ Interurbane Fahrten in Deutschland.
- ▶ Verkehrsmittelwahl
 - Auswahl zwischen einer Pivot- und einer neuen Alternative.
 - Betrachtete Attribute:
 - Fahrtzeit (TT)
 - Preis (P)
 - Anzahl an Umsteigevorgängen (NT)
 - Verkehrsmittel (RE, FVZ und LB)
 - Sozioökonomische Eigenschaften

Fallstudie

- ▶ Pivot-Alternative stellt den Status quo dar.

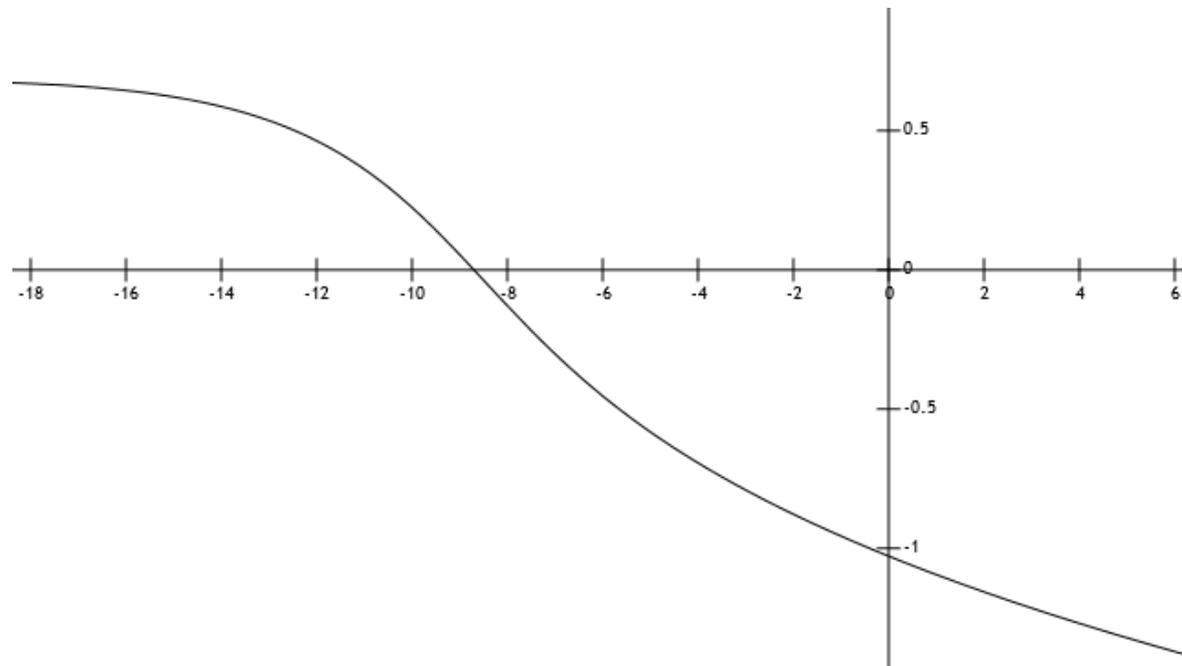
$$\omega_i = P_i - P_1 + \delta$$

- ▶ Bedeutung von δ .

Fallstudie

Variable	Equation	Estimate (t-test)	
β_{Inertia}	Utility Alternative 1	0.878	(9.15)
β_{TT}	Utility Alternative 1 and 2	-0.0111	(10.33)
β_{FVZ}	Utility Alternative 1 and 2	0	(fixed)
β_{LB}	Utility Alternative 1 and 2	-1.13	(-6.55)
β_{RE}	Utility Alternative 1 and 2	-0.435	(-4.11)
β_{NT}	Utility Alternative 1 and 2	-0.302	(-5.05)
β_{P}	Utility Alternative 1 and 2	-0.865	(-3.62)
a	Utility Alternative 1 and 2	1	(fixed)
b	Utility Alternative 1 and 2	0.0203	(0.25)
c	Utility Alternative 1 and 2	0.344	(3.22)
δ	Utility Alternative 1 and 2	8.42	(3.98)
Log-likelihood		-1,416.8	

Fallstudie



Schlussfolgerungen

- ▶ Der Referenzrahmen kann von unterschiedlichen Faktoren beeinflusst werden, wzb. dem Status quo, vorigen Erfahrungen, Erwartungen, Choice-sets, etc.
- ▶ Dieser Beitrag schlägt eine direkte Schätzung des Referenzrahmens vor.
- ▶ Eine zweimal differenzierbare Nutzenfunktion zur Darstellung von Verlustaversion wird betrachtet. Diese Funktion genügt allen wichtigen Eigenschaften von Prospect Theory, wzb. Nichtsättigung, Verlustaversion und Abnehmender Grenznutzen
- ▶ Eine Fallstudie bestätigt, dass im Rahmen von semi-kompensatorischen verlustaversen Auswahlprozessen der Referenzrahmen vom Status quo abweichen kann.
- ▶ Die Fallstudie zeigt, dass im Falle unserer Population, der Referenzrahmen für Reisekosten 8.42€ unter dem Status quo liegt, und daher wird selbst die Zahlung der heutigen Preise als Verlust wahrgenommen.